风机叶片引下线-GFRP 层组合间隙流注放电过程仿真研究

陈慎¹,贺恒鑫¹,谢思源¹,刘畅¹

1. 强电磁工程与新技术国家重点实验室(华中科技大学电气与电子工程学院),武汉市,湖北省,中国

摘要

叶片复合材料层的击穿是风电机组遭受雷击后的主要故障形式。对于低电导率的 GFRP 类叶片铺层而 言,雷电先导作用下的强背景电场造成的电击穿可能先于回击电弧的热效应产生。为了获得 GFRP 铺层 的电击穿机理,基于 COMSOL Multiphysics 软件,建立了引下线-GFRP 铺层的流注放电数值仿真模型。 考虑了空气域与介质层内部的粒子输运,以及气-固分界面上的电荷沉积与注入作用。通过"稀物质传 递"、"静电"、"边界常微分和微分代数"以及"对流-扩散方程"对控制方程进行求解。依据电场梯 度分布进行了网格加密与时间步设置。采用分离求解器与流线扩散法提高了计算的稳定性与收敛性。研 究结果表明,自引下线向 GFRP 铺层发展的沿面型流注会导致铺层表面电荷的沉积,从而增大铺层承受的 平均场强,增加铺层表面导流措施利于电荷的径向移动,降低铺层的击穿风险。

关键词: GFRP; 雷电先导; 电击穿; 沿面型流注; 表面电荷。

1 简介

风电是应用最广泛的可再生能源技术之一 [1-3]。随着风电机组单机容量的不断提高,风机 整体高度逐年增长,叶片遭受雷击的可能性随之 增加[4,5]。目前主流的接闪系统是在叶尖设置 金属接闪器、配合叶片内敷设的接地引下线实现 雷电流向大地的泄放,以防止雷电直击损伤叶片 铺层的复合材料。但是,依然存在接闪失效的可 能。实际运行表明,接闪器失效后会造成4种典 型的叶片损伤形态。其中复合材料铺层直接击穿 出现概率最高,占总故障数的72%。出现击穿故 障的叶片持续运行会导致故障区域扩大而引发 如叶片断裂等严重故障[6]。

目前,风机叶片主要采用 CFRP 或者 GFRP 材 料制成。对于 CFRP 材料击穿损伤的形成原因, 主 流观点认为: 雷击接闪器时, 因叶片表面存在污 秽或水分,可能在叶片表面与接闪器之间形成沿 面放电,产生表面电弧,导致叶片铺层因雷电流 的热烧蚀作用穿孔[7,8]。但是,对于 GFRP 材料 而言,其电导率比 CFRP 低 20 个数量级,在回击 电弧建立的瞬间,通过 GFRP 的电流很难直接造 成铺层的热穿孔,有学者通过实验佐证了这一观 点[9]。这表明, GFRP 铺层的击穿可能还包含电 击穿这一预先过程。当雷电下行先导发展至叶片 附近时,先导头部与引下线间会形成强电场[10]。 Yokoyama 在 3m 长 GFRP 叶片样品的接闪实验中 观察到雷电先导导致 GFRP 材料层出现了电击穿 并直接击中了引下线[11]。但是, Madsen 通过静 电分析得出,施加在 GFRP 叶片上的电场很难达 到材料层的临界击穿场强,因此,可能存在空间 电荷增强了材料层承受的电场[12]。

目前,对于 GFRP 类风机叶片铺层击穿形成 的微观物理过程的认识尚不明晰。因此,本文基于 COMSOL Multiphysics 软件,建立了引下线- GFRP 铺层的流注放电数值仿真模型。定量分析了 自引下线向 GFRP 铺层发展出沿面流注过程中, 铺层承受电场与表面电荷的关系。

2 仿真模型

2.1 几何模型与控制方程



图 1 气固组合间隙流注放电过程数值仿真模型示意 图

本文采用二维轴对称针-介质层-板组合间隙 模拟自引下线向 GFRP 材料层产生流注放电的过 程,如图 1 所示。针电极与 GFRP 介质层之间的 距离 d_2 为 5mm; 介质层厚度 d_3 取值为 1.0mm,半 径 r_d 设为 30mm; 介质层与接地板电极之间的距 离 d_4 设为 4mm,因此针电极与接地板电极之间总 间距 d_1 为 10mm。针电极端部的曲率半径为 $r_c =$ 0.2mm,后文仿真中针电极上施加直流电压幅值 设为 $U_{app} = 20$ kV。假设轴线和介质层上表面的 交点为点①,轴线和介质层下表面的交点为点②。 组合间隙可以划分为空气域、介质层内部求解域 以及气-固界面。下面分别介绍不同区域的控制方 程。

空气域主要考虑三种带电粒子,即电子、正 离子和负离子的输运方程,如式1所示:

$$\frac{\partial n_e}{\partial t} + \nabla (-n_e w_e - D_e \nabla n_e) = S_e$$

$$\frac{\partial n_p}{\partial t} + \nabla (n_p w_p - D_p \nabla n_p) = S_p \qquad (1)$$

$$\left(\frac{\partial n_n}{\partial t} + \nabla (-n_n w_n - D_n \nabla n_n) = S_n \right)$$

其中, n_e、n_p和 n_n分别代表电子、正离子和 负离子的数密度; w_e、w_p和w_n分别为电子、正离 子和负离子的迁移速度; D_e、D_p和 D_n分别为电 子、正离子和负离子的扩散系数; S_i为控制方程 源项。源项 S_i中包含电子、正离子和负离子的多 种产生和消失机制,对应着气体放电过程中微观 物理过程,具体为:电子碰撞中性分子的碰撞电 离、电子和中性分子的附着过程、电子-正离子的 复合、正离子-负离子的复合以及光电离。具体计 算公式可以参见[13-17]。

对于 GFRP 复合材料介质层内部,主要涉及 导带电子的移动与空穴的迁移。为和空气域中变 量符号区分,定义介质层内部导带电子数密度为 *n*_{em},空穴数密度为 *n*_h。控制方程如式 2 所示:

$$\begin{cases} \frac{\partial n_{em}}{\partial t} + \nabla(-n_{em}w_{em} - D_{em}\nabla n_{em}) = S_{em} \\ \frac{\partial n_h}{\partial t} + \nabla(-n_hw_h - D_h\nabla n_h) = S_h \end{cases}$$
(2)

其中, n_{em}和n_h是复合材料中可自由运动的电子 数密度和空穴数密度。w_{em}和w_h是电子和空穴的 迁移速度; D_e和 D_h是电子和空穴的扩散系数; S_{em}和 S_h为自由电子和自由空穴的源项,涉及的 主要微观过程包含:导带自由电子被深陷阱捕获 形成电子陷阱、电子从深陷阱中逃逸出来变成自 由电子、空穴被深陷阱捕获形成空穴陷阱、空穴 逃逸出深陷阱脱缚成为自由空穴、自由电子与空 穴或空穴陷阱发生复合、空穴和电子陷阱发生复 合;电子陷阱与空穴陷阱之间的复合。具体计算 公式可以参见[15,18]。

对于气-固界面,需要考虑电荷的沉积与肖特 基机制作用下电荷向介质层内部的注入[15]。介 质层表面处注入的电荷种类与电场方向相关,当 电场矢量与分界面法向分量同向时,发生负电荷 注入;当两者反向时,发生正电荷注入。气-固分 界面处注入的电流密度通过式3计算得到:

 $J_{a,c} = AT^2 \exp\left(-\frac{\psi_{a,c}}{kT}\right) \cdot \exp\left(q \frac{\sqrt{qE_{a,c}/4\pi\varepsilon_0\varepsilon_r}}{kT}\right)$ (3)

其中,下标 *a* 代表阳极 anode,产生正电荷注入; *c* 代表阴极 cathode,产生负电荷注入; *A* 是 Richardson 常数,值为 $1.2 \times 10^6 \text{A}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}^2)$; *T* 为环 境温度,取室温 300K; *k* 为玻尔兹曼常数; ψ_a 和 ψ_c 分别为正电荷和负电荷的注入势垒能量(eV); ε_r 是固体复合材料的介电常数。 在保证气-固组合间隙分界面电流连续的条件时,气-固分界面沉积的表面电荷密度 *o*_s可由电流连续性方程进行计算,如式 4:

$$-\frac{\partial\sigma_s}{\partial t} = J_{gn} + J_{sn} \tag{4}$$

其中, *J*gn 为空气域侧电流密度矢量的法向分量; *J*sn 为复合材料内部的电流密度矢量的法向分量。 *J*gn 和 *J*sn 可以分别表示为:

 $\int J_{gn} = en_e \mu_e + en_n \mu_n + en_p \mu_p \tag{5}$

 $U_{sn} = (en_{em}\mu_{em} + en_h\mu_h)E_{solid} \cdot \vec{n}$ 其中, μ_i 分别代表了不同离子的迁移系数。

为了实现放电过程的耦合求解,还需要考虑 空间电荷和表面电荷对空间电场畸变的影响。组 合间隙中泊松方程如式 6 所示:

$$\begin{cases} \nabla(\varepsilon_0 E_g) = e(n_p - n_n - n_e) \\ \nabla(\varepsilon_0 \varepsilon_r E_s) = e(n_h + n_{ht} - n_{em} - n_{et}) \\ e_n(\varepsilon_0 \varepsilon_r E_s - \varepsilon_0 E_g) = \sigma_s \end{cases}$$
(6)

其中, E_g 和 E_s 分别为空气域和固体材料域中的 空间电场;第一个公式右侧表达式代表空气域中 的空间电荷密度,由流注放电产生的电子数密度 n_e 、负离子数密度 n_n 和正离子数密度 n_p 决定;第 二个公式右侧表达式代表固体域中的空间电荷 密度,由介质层中的导带电子数密度 n_{em} 、空穴数 密度 n_h 、电子陷阱数密度 n_{et} 和空穴陷阱数密度 n_{ht} 决定;第三个公式右侧表达式代表气固界面的 表面电荷面密度 σ_s ,该式是气固分界面上的边界 条件,用于解释分界面上的电位移矢量的陡变。

2.2 模型求解

在 COMSOL Multiphysics 软件,本文利用"稀物质传递"来求解粒子的连续性方程;利用"静 电"来求解泊松方程;利用"边界常微分和微分代 数"来求解分界面上的电流连续性方程;利用"对 流-扩散方程" 亥姆霍兹偏微分方程,计算光电离 源项[19]。需要注意的是:在"静电"中需要设置三 组电荷密度条件,分别为空间电荷密度 ρ_1 (对应 空气区域)、空间电荷密度 ρ_2 (对应固体介质层 区域)和表面电荷密度 σ (对应分界面表面电荷 密度)。

在气-固组合间隙中,由于流注放电头部的电 场具有幅值大,变化剧烈的特点,同时带电粒子 的迁移运动和空间电场畸变耦合性强,因此需要 采用合适的网格剖分策略和求解器设置,不仅要 能准确捕捉流注头部电场的剧烈变化,还要能高 效求解紧密耦合的多物理场。由于流注头部电场 变化最剧烈、梯度最陡峭,同时考虑到流注放电 传播的路径,所以,流注放电经过的区域都需要 进行合适的网格加密处理。根据简化模型的计算 结果判断,GFRP 介质层上表面具有最大的空间 电场梯度,针电极和介质层之间轴线上的电场梯 度次之。当施加电压 U_{app}=70kV,介质层厚度 $d_s=0.4$ mm、介质层介电常数 $\varepsilon_r=4.6$ 时,针电极和 介质层之间轴线上的最大电场梯度 δE1 约为 2.3×10kV/cm², 而介质层上表面的最大电场梯度

 δE_2 约为 8.8×10⁵kV/cm², 是 δE_1 的 3.8 倍。因此, 在本文仿真设置中,介质层上表面的网格大小设 为 1μm,针电极和固体介质层之间的轴线网格大 小设为 12μm,。介质层和接地板电极之间的流注 放电头部电场梯度小于前面分析的两种电场梯 度,该区域的网格大小约为 50μm。从后文仿真得 到的空间电场分布来看,该网格设置能够准确捕 捉流注头部电场的快速且剧烈的变化,保证了仿 真结果的可靠性。

本文采用分离求解器来求解气固组合间隙 流注放电耦合模型。分离求解器将空气域的粒子 输运方程和泊松方程、光电离亥姆霍兹方程、固 体域的粒子输运方程分别放入三个分离步中单 向耦合求解,提高了模型的收敛性和准确性,减 小了计算量。空间上采用非结构化网格适用性好 的有限元法(Finite Element Method, FEM)来进行 离散求解各个方程。为了抑制 FEM 求解粒子输 运方程时的数值扩散和数值震荡,采用流线扩散 法作为稳定性措施。时间步进上采用向后差分法。 为了减小误差积累,最大时间步长设为 0.01ns。 从后文仿真得到的复合材料板上正表面电荷密 度分布曲线来看,该求解器设置能较好地抑制数 值震荡,减小时间步进误差,提高了仿真结果的 准确性。

3 仿真结果



图 2 展示了组合间隙"沿面型流注放电"过程 中空间电子数密度分布的演变过程,对应时刻分 别为 0.1ns、0.5ns、2.0ns、3.8ns、4.0ns、5.0ns、 8.0ns、10.0ns、12.0ns。当针电极上施加 20kV 电 压后,针电极端部开始产生正极性流注放电;由 于电压较小,0.1ns 时刻电子数密度的分布区域较 小,该区域的电子数密度约为 4×10¹² cm⁻³。随后 流注沿着轴线朝介质层运动,流注传播区域的电 子浓度远大于周围区域,电子会在浓度差作用下 发生扩散。t=2.0ns 时,流注头部从 z=1.0cm 处发 展至 z=0.74cm 处,电子径向扩散至 r=0.24cm 处, 如图 2(c)所示。随着流注放电的继续传播,t=3.8ns 时刻,流注放电头部达到介质层上表面,由此可 估计介质层上方间隙中流注放电发展的平均速 度约为 1.32×10⁶m/s。当流注到达介质层上表面后, 考虑到空间电场方向,放电产生的负电荷会朝向 针电极迁移,正电荷的迁移运动被介质层所阻挡 从而聚集在介质层上表面成为表面正电荷,同时 小部分表面电荷会在肖特基机制的作用下被注 入到复合材料中。

3.8ns 时刻流注头部到达介质层上表面,轴线 和介质层上表面的交点①处的表面电荷密度增 加至 0.4nC/cm²。当流注到达介质层表面后,随着 放电的持续,介质层上表面会聚集越来越多的电 荷,交点①处的表面电荷密度继续增长至 4.0ns 时 刻的 26nC/ cm²。上表面正电荷会产生沿着介质 表面的径向感应电场。当上表面电荷密度增长至 一定程度时,介质层上表面的电荷会在径向感应 电场驱动下朝 r 方向传播, t=5.0ns 时沿面流注头 部位于 r=0.145cm 处,沿面流注头部电场达到 120kV/cm,如图 2 (f)所示。同时表面电荷的迁 移会导致交点①处电荷密度降低, t=5.0ns 时该处 的电荷密度减小至 17 nC/cm²。

介质层上表面的正电荷不仅会产生径向分 布的感应电场,还会增强介质层下方间隙中的空 间电场。随着上表面聚集的正表面电荷越来越多, 介质层上表面的正电荷会不断增强介质层下表。 面处的空间电场。由于空间电场增大,介质层下 表面处放电产生的电子也逐渐增多, 交点②处聚 集的表面电荷密度由 8.0ns 时刻的 0.04 nC/cm² 增 长至 10ns 时的 0.36 nC/cm² 及 12.0ns 的 1.15 nC/cm²。但是由于上表面正电荷数量不足,正表 面电荷对下表面处空间电场的增强作用较小,导 致该区域电子碰撞电离程度较弱,产生的空间电 荷数量不足。t=12ns 时,介质层下表面处的电子 数密度最大值仅有 10¹¹ cm-3, 远小于流注自持放 电需要的临界电子数密度,介质层下方不能产生 流注放电。而当 t=8.0ns、10.0ns 和 12.0ns 时,介 质层上表面的沿面流注头部分别传播 r=0.276cm、 0.348cm 和 0.413cm 处, 随着沿面流注头部逐渐 远离轴线,其对轴线处介质层的承受电场增强作 用逐渐减弱。

3.2 空间电场分布

图 3 给出了对应时刻的空间电场分布。当施 加 20kV 激励电压后,0.1ns 时刻针电极端部局部 电场最大值达到 400kV/cm,流注放电从针电极端 部起始。由图 3(a)~(c)可知,当流注沿着轴线传播 时,其头部电场会逐渐减小,t=0.5ns 时,流注头 部电场最大值为 183 kV/cm;而t=2.0ns 时,流注 头部电场最大值减小至 98 kV/cm。当流注到达介 质层上表面后,空间电荷聚集在上表面形成表面 电荷,t=4.0ns 时上表面电荷仍处于累积的阶段, 介质层上表面暂未形成沿面流注放电。随着表面 电荷的持续增加,表面电荷在径向感应电场驱动 下形成沿面流注放电,*t*=5.0ns时,*r*=0.147cm处 的沿面流注头部电场达到了120kV/cm。随着沿面 流注在介质层表面传播,沿面流注头部电场在不 断增大,*t*=8.0ns、10.0ns和12.0ns时,沿面流注 头部电场分别为347 kV/cm、366 kV/cm和370 kV/cm。

对比图 3 中的(d)和(f)可上表面电荷的增加, 介质层下表面附近的空间电场也得到了增强,点 ②处的轴向空间电场由 3.8ns 的 34 kV/cm 增加至 5.0ns 时刻的 62 kV/cm。但是图 3(g)~(i)的电场结 果表明:虽然介质层下表面附近的空间电场得到 了增强,但该区域碰撞电离产生的空间电子不能 达到临界电子数 10¹⁴cm⁻³,不能形成介质层下方 流注放电。



3.3 轴线电子数密度与电场分布



为了清楚描述组合间隙"沿面型流注"的放电 过程,图 4-6 给出了放电过程中对称轴线上的电 子数密度和空间电场分布,对应时刻为 0.3ns、 0.5ns、1.0ns、2.0ns、3.0ns、3.6ns、5.0ns、6.0ns、 7.0ns、8.0ns、10.0ns、12.0ns。图4中*z*=0.4cm~0.5cm 范围内的灰色区域代表组合间隙中的 GFRP 介质层。为了清楚展现沿面流注不同发展阶段轴线 电场的分布细节,将轴线电场分布分成 0.3ns~3.6ns和 5.0ns~12.0ns两个时间阶段。





当针电极上施加电压后,组合间隙中会形成 稳定的背景电场 EL,背景电场在针电极端部 z=1cm 处最大,在端部附近区域急剧减小,并随 着远离针电极端部而继续减小。同时,背景电场 EL和空间电荷的感应电场 Eo叠加形成了空间合 成电场。当正极性流注放电产生后,流注放电产 生的电子进入针电极,产生的正电荷分布在流注 经过的区域,由于最初阶段放电产生的正电荷还 比较少,因此对于初始针电极端部附近的流注放 电,其头部电子数密度和电场是逐渐减小的,如 0.3ns~2.0ns 之间的曲线所示。当 t=0.3ns、0.5ns、 1.0ns 和 2.0ns 时, 轴线流注发展至 z=0.97cm、 0.93cm、0.85cm 和 0.74cm; 流注头部电子数密度 ne分别为 1.9×10¹⁴cm⁻³, 8.9×10¹³cm⁻³, 3.4×10¹³cm⁻ ³和 1.6×10¹³cm⁻³; 头部电场分别为 258kV/cm、 183kV/cm、124kV/cm 和 98kV/cm。当流注发展 一定距离后,背景电场减小情况小于正电荷对空 间电场的增强作用, 流注头部电场和电子数密度 开始增加。t=3.6ns时,流注发展至 z=0.55cm 处, 头部电子数密度再次增加至3.3×10¹³cm-3,头部电 场增加至117kV/cm。结合图2和图4可知,流注 头部约在 3.8ns 时刻达到介质层上表面,头部电子数密度达到 1.4×10¹⁴cm⁻³,计算得到流注沿着轴线传播时的平均速度为 1.32×10⁶m/s。由于流注头部的正电荷会增加其前方区域的电场,当流注朝着介质层发展时,介质层内部承受电场会逐渐增大,图 5 也展现了该过程,气固分界面 z=0.5cm 处的电场由 0.3ns 时刻的 2.5 kV/cm 增加至 3.6ns 时刻的 19.7 kV/cm。

当流注放电达到介质层上表面后,上表面正 电荷会增强介质层下表面处的空间电场,进而增 大电离程度,导致产生更多的电子。t=5.0ns、6.0ns、 7.0ns、8.0ns、10.0ns 和 12.0ns 时,介质层下表面 z=0.4cm 处电子数密度 ne 分别为 5.1×10⁶ cm⁻³, $2.1 \times 10^8 \text{ cm}^{-3}$, $2.8 \times 10^9 \text{ cm}^{-3}$, $1.5 \times 10^{10} \text{ cm}^{-3}$, 7.9×10^{10} cm-3, 1.6×10¹¹ cm-3。介质层下表面附近分布的电 子数密度不超过 10¹² cm-3, 该区域电子崩中的空 间电荷不能达到流注形成的临界电子数,因此介 质层下方间隙中没有形成流注放电。介质层下表 面聚集的表面负电荷密度不到 1nC/cm²,其对介 质层内部承受电场的增强作用有限。同时考虑到 沿面流注头部在此过程中逐渐远离轴线,其沿面 流注头部电荷对轴线处介质层内部电场的作用 不断减弱,两者共同作用导致在 5.0ns~12.0ns 期 间介质层内部电场呈现逐渐减小的趋势。图6表 明: 气-固分界面 z=0.5cm 处的电场由 5.0ns 时刻 的 40.9 kV/cm 减小至 7.0ns 时刻的 27.2 kV/cm 及 12.0ns 时刻的 20.1 kV/cm。

4 结论

在文本参数设置下,组合间隙结构中,流注 发展存在如下模式:流注从针电极头部起始,沿 着轴线朝介质层运动;当流注到达介质层上表面 后,放电产生的电荷会不断沉积在介质层表面。 一方面,表面电荷会产生径向的感应电场,导致 流注沿着介质层表面朝介质层边缘发展,即沿面 流注。另一方面,上表面电荷产生的感应电场同 时也会增强介质层下表面处的空间电场。当介质 层下表面处的空间电场增强效果较小时,介质层 下方区域电子崩中的空间电荷数目不能达到临 界值,介质层下方不能产生流注放电,组合间隙 流注放电类型为"沿面型流注放电"。

"沿面型流注放电"具有"二阶段"特点: 阶段一为,流注从针电极端部起始并朝向介质层 运动,该过程会增强介质层内部承受电场;阶段 二为,流注到达介质层上表面形成沿面流注,沿 面流注在介质层上表面朝*r*方向传播,同时介质 层下方间隙未形成自持的流注放电,该过程中介 质层内部电场会逐渐减小。在流注刚抵达介质层 表面时,介质层承受的平均场强最大,因此,为 了降低 GFRP 铺层的电击穿风险,通过合适的导 流手段加快表面电荷的耗散是具有积极意义的。

参考文献

- [1] Turbines—Part W. 24: Lightning protection[J]. International Electrotechnical Commission, IEC, 2010: 61400-24.
- [2] 罗承先.世界风力发电现状与前景预测[J].中 外能源,2012,17(03):24-31.
- [3] Herbert G M J, Iniyan S, Sreevalsan E, et al. A review of wind energy technologies[J]. Renewable and sustainable energy Reviews, 2007, 11(6): 1117-1145.
- [4] 刘琦.中国新能源发展研究[J].电网与清洁能 源, 2010(1):2.
- [5] Madsen S F, Bertelsen K, Krogh T H, et al. Proposal of new zoning concept considering lightning protection of wind turbine blades[C]//2010 30th International Conference on Lightning Protection (ICLP). IEEE, 2010: 1-7.
- [6] Candela A, Madsen S F, Nissim M, et al. Lightning Damage to wind turbine blades from wind farm in US[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2014, 1(1): 1-7.
- [7] Chen W. Review of research progress in lightning damage and protection of wind turbine blades[J]. High Voltage Eng., 2019, 45(9): 2782-2796.
- [8] Wang Y. Multiphysics analysis of lightning strike damage in laminated carbon/glass fiber reinforced polymer matrix composite materials: A review of problem formulation and computational modeling[J]. Composites Part A: Applied Science and Manufacturing, 2017, 101: 543-553.
- [9] Hirano Y, Katsumata S, Iwahori Y, et al. Artificial lightning testing on graphite/epoxy composite laminate[J]. Composites Part A: Applied Science and Manufacturing, 2010, 41(10): 1461-1470.
- [10] Wang Y, Zhupanska O I. Estimation of the electric fields and dielectric breakdown in nonconductive wind turbine blades subjected to a lightning stepped leader[J]. Wind Energy, 2017, 20(5): 927-942.
- [11] Yokoyama S. Lightning protection of wind turbine blades[J]. Electric power systems research, 2013, 94: 3-9.
- [12] Madsen S F, Holboell J, Henriksen M, et al. Breakdown tests of glass fibre reinforced polymers (GFRP) as part of improved lightning protection of wind turbine blades[C]//Conference Record of the 2004 IEEE International Symposium on Electrical Insulation. IEEE, 2004: 484-491.
- [13] Zhelezniak M B, Mnatsakanian A K, Sizykh S V. Photoionization of nitrogen and oxygen mixtures by radiation from a gas discharge[J]. High Temperature Science, 1982, 20(3): 357-362.
- [14] Zheleznyak M B, Filimonova E A. Simulation of a gas-phase chemical reactor for removal of toxic impurities, based on the use of a pulsed

streamer discharge[J]. Teplofizika vysokikh temperatur, 1998, 36(4): 557-564.

- [15] Singh S, Serdyuk Y V. Simulations of nonthermal electrical discharges in air over solid insulating barrier[J]. IEEE Transactions on Plasma Science, 2018, 47(1): 729-735.
- [16] Liu L, Becerra M. Gas heating dynamics during leader inception in long air gaps at atmospheric pressure[J]. Journal of Physics D: Applied Physics, 2017, 50(34): 345202.
- [17] Liu L, Becerra M. On the transition from stable positive glow corona to streamers[J]. Journal of Physics D: Applied Physics, 2016, 49(22): 225202.
- [18] Serdyuk Y V, Gubanski S M. Computer modeling of interaction of gas discharge plasma with solid dielectric barriers[J]. IEEE Transactions on Dielectrics and Electrical Insulation, 2005, 12(4): 725-735.
- [19] Luque A, Ebert U, Montijn C, et al. Photoionization in negative streamers: Fast computations and two propagation modes[J]. Applied physics letters, 2007, 90(8).